

### Lösung 1/M06

$$\frac{\sqrt{125a^2}}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{25 \cdot 5 \cdot a^2}}{\sqrt{2 \cdot 5}} = \frac{5a \cdot \sqrt{5}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{5}} = \frac{5a}{\sqrt{2}} = \frac{5a \cdot \sqrt{2}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{5a\sqrt{2}}{2} = \frac{5}{2}a\sqrt{2} \quad \text{q.e.d.}$$

### Lösung 2/M06

Für jedes Quadrat benötigt Lisa 3 Streichhölzer. Beim letzten Quadrat benötigt sie ein zusätzliches Streichholz um die Reihe der Quadrate abzuschließen. Für  $n$  Quadrate benötigt sie somit  $5 \cdot n + 1 = 16$  Streichhölzer.

Der dem Term  $z_n = 3 \cdot n + 1$ ;  $n \in \mathbb{N}^*$  kann man die Anzahl Streichhölzer für  $n$  Quadrate berechnen.

### Lösung 3/M06

*Berechnung der Seitenkante  $a$ :*

Nach dem 2. Strahlensatz gilt:

$$\frac{\overline{PQ}}{\overline{SP}} = \frac{a}{\overline{RS}} \quad (\text{siehe Grafik})$$

$$a = \frac{\overline{PQ}}{\overline{PS}} \cdot \overline{RS} = \frac{\overline{PQ}}{\overline{PS}} \cdot (\overline{RP} + \overline{PS})$$

$$a = \frac{1,5}{2,0} \cdot (6,0 + 2,0) = 6 \text{ cm}$$

*Berechnung der Streck  $\overline{RM}$ :*

$\overline{RM}$  ist die Hälfte der Diagonalen der quadratischen Grundfläche mit der Seitenkante  $a = 6 \text{ cm}$ .

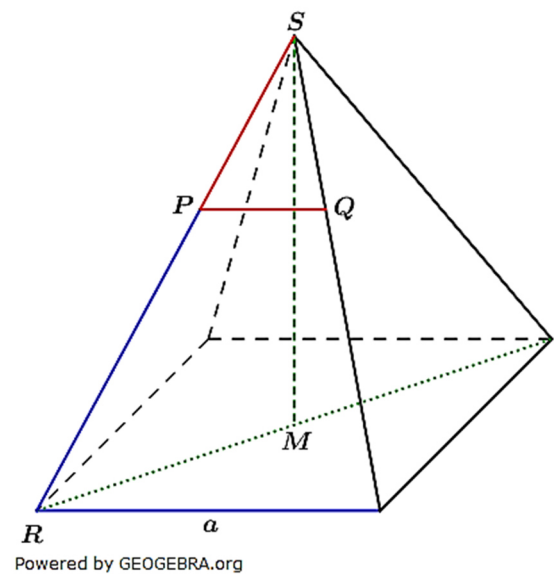
$$\overline{RM} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{a^2 + a^2} = \frac{1}{2} \cdot a \cdot \sqrt{2} = \frac{6}{2} \sqrt{2} = 3 \cdot \sqrt{2}$$

*Berechnung der Pyramidenhöhe  $h$ :*

Nach dem Satz des Pythagoras gilt:

$$h^2 = \overline{RS}^2 - \overline{RM}^2$$

$$h = \sqrt{\overline{RS}^2 - \overline{RM}^2} = \sqrt{8^2 - (3 \cdot \sqrt{2})^2} = \sqrt{64 - 18} = \sqrt{46}$$



### Lösung 4/M06

Es sei  $E$ : „Jede Position einmal“, dann gilt:

$$P(E) = \{(P(A); P(B)), (P(B); P(A))\} = \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{4}{9}$$

### Lösung 5/M06

Nach Aufgabengraphik gilt für einen Winkel  $\alpha = 90^\circ$  gemäß dem Satz des Pythagoras:

$$\overline{OP}^2 = \overline{OQ}^2 + \overline{PQ}^2$$

$$\overline{OP}^2 = 25$$

$$\overline{OQ}^2 = 4^2 + 2^2 = 20$$

$$\overline{PQ}^2 = 2^2 + 1^2 = 5$$

$$25 = 20 + 5$$

Da der Satz des Pythagoras erfüllt ist, ist das Dreieck rechtwinklig mit  $\alpha = 90^\circ$ .

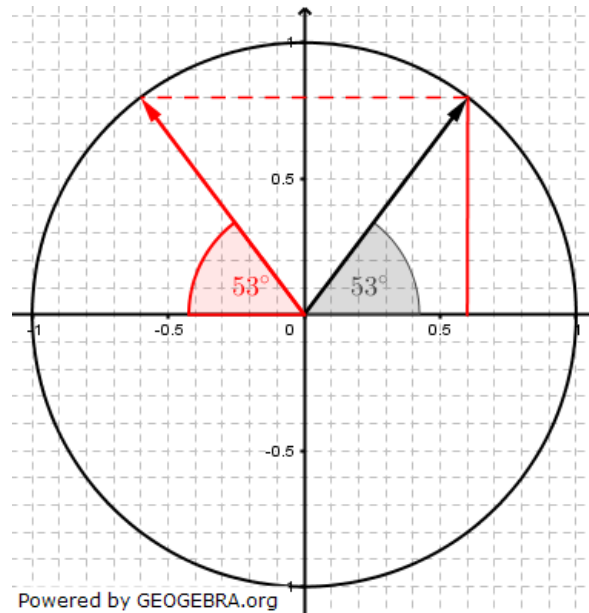
### Lösung 6/M06

Am Einheitskreis lesen wir den  $\sin(53^\circ)$  mit 0,8 ab.

Wir ziehen eine horizontale Parallele im Abstand 0,8 zum waagrechten Durchmesser. Wegen der Symmetrie zur senkrechten Achse entsteht ein weitere nach links geöffneter Winkel von  $53^\circ$ .

Somit ist der zweite Winkel dessen Sinus 0,8 ist,  $\alpha = 180^\circ - 53^\circ = 127^\circ$ .

$$\sin(127^\circ) = \sin(53^\circ) = 0,8$$



### Lösung 7/M06

Die Fläche eines Trapezes errechnet sich aus

$A_{Trapez} = \frac{1}{2} \cdot (a + c) \cdot h$  mit  $a$  und  $c$  als den parallelen Seiten und  $h$  als Höhe des Trapezes.

Aus der Grafik lesen wir ab:

$$a = 12,0 \text{ cm}; \quad c = 8,0 \text{ cm}; \quad h = 6,0 \text{ cm}$$

$$A_{Trapez} = \frac{1}{2} \cdot (12 + 8) \cdot 6 = 60$$

Die Fläche des Trapezes beträgt  $60 \text{ cm}^2$ .