Level 2 - Fortgeschritten - Blatt 1

## Lösung A1

a) 
$$\sqrt{5} \cdot 2\sqrt{3} \cdot 3\sqrt{5} \cdot 5\sqrt{3} = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt{3} = 30 \cdot \sqrt{5^2} \cdot \sqrt{3^2} = 30 \cdot 5 \cdot 3 = 450$$

b) 
$$\sqrt{11} \cdot 3\sqrt{15} \cdot 2\sqrt{10} \cdot \sqrt{11} \cdot 5\sqrt{15} = 3 \cdot 2 \cdot 5 \cdot \sqrt{11^2} \cdot \sqrt{15^2} = 30 \cdot 11 \cdot 15 = 4950$$

c) 
$$3\sqrt{27} \cdot 5\sqrt{75} : \sqrt{3} = \frac{3\sqrt{27} \cdot 5\sqrt{75}}{\sqrt{3}} = \frac{3 \cdot \sqrt{3 \cdot 9} \cdot 5\sqrt{75}}{\sqrt{3}} = 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \sqrt{75} = 45 \cdot \sqrt{3 \cdot 25} = 225\sqrt{3}$$

d) 
$$\frac{6\sqrt{20}}{3\sqrt{80}} - \frac{2\sqrt{24}}{4\sqrt{54}} = \frac{2}{\sqrt{4}} - \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

e) 
$$5\sqrt{162} \cdot (3\sqrt{125}: 2\sqrt{45}) \cdot \frac{1}{10\sqrt{50}} = 5 \cdot 9\sqrt{2} \cdot \frac{3 \cdot 5\sqrt{5}}{2 \cdot 3\sqrt{5}} \cdot \frac{1}{10 \cdot 5\sqrt{2}} = \frac{5 \cdot 9\sqrt{2}}{10 \cdot 5\sqrt{2}} \cdot \frac{3 \cdot 5\sqrt{5}}{2 \cdot 3\sqrt{5}} = \frac{9}{10} \cdot \frac{5}{2} = \frac{9}{4}$$

## Lösung A2

a) 
$$3\sqrt{2}$$
:  $2\sqrt{3} \cdot \sqrt{2}$ :  $\sqrt{3} \cdot 2\sqrt{2} = \frac{3\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2}}{2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = 2\sqrt{2}$ 

b) 
$$3\sqrt{5}: 2\sqrt{3} \cdot 5\sqrt{5}: \sqrt{3} \cdot 2\sqrt{5} = \frac{3\sqrt{5} \cdot 5\sqrt{5} \cdot 2\sqrt{5}}{2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{3 \cdot 5 \cdot 2 \cdot \sqrt{5}}{2 \cdot 3} = 5\sqrt{5}$$

C) 
$$\frac{1,5\sqrt{2}\cdot3\sqrt{3}}{2,5\sqrt{3}\cdot4\sqrt{2}}\cdot\frac{3,5\sqrt{2}}{5,5\sqrt{3}} = \frac{1,5\cdot3}{2,5\cdot4}\cdot\frac{7\cdot\sqrt{2}}{11\cdot\sqrt{3}} = \frac{9}{20}\cdot\frac{7\cdot\sqrt{2}}{11\cdot\sqrt{3}} = \frac{63\sqrt{2}}{220\sqrt{3}} = \frac{63\sqrt{2}\cdot\sqrt{3}}{220\sqrt{3}\cdot\sqrt{3}} = \frac{21\cdot\sqrt{6}}{220}$$

d) 
$$2\sqrt{27} \cdot 0.5\sqrt{75} \cdot 4\sqrt{192} : \left(\sqrt{3} \cdot 4\sqrt{675} \cdot 1.5\sqrt{867}\right) = \frac{2 \cdot 3 \cdot \sqrt{3} \cdot 0.5 \cdot 5 \cdot \sqrt{3} \cdot 4 \cdot 8 \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{3} \cdot 4 \cdot 15 \cdot \sqrt{3} \cdot 1.5 \cdot 17 \cdot \sqrt{3}} = \frac{480}{630} = \frac{16}{21}$$

e) 
$$\frac{\frac{5,6\sqrt{363}\cdot5,1\sqrt{343}\cdot4,4\sqrt{243}}{7,8\sqrt{567}\cdot2,7\sqrt{108}} = \frac{\frac{5,6\cdot11\cdot\sqrt{3}\cdot5,1\cdot7\sqrt{7}\cdot4,4\cdot9\cdot\sqrt{3}}{7,8\cdot9\cdot\sqrt{7}\cdot2,7\cdot6\sqrt{3}} = \frac{\frac{5,6\cdot11\cdot5,1\cdot7\cdot4,4\cdot9\cdot\sqrt{3}}{7,8\cdot9\cdot2,7\cdot6}}{\frac{87085,152}{1137,24}} \cdot \sqrt{3} \approx 56,58 \cdot \sqrt{3}$$